

现代编程思想

队列：可变数据结构实现

Hongbo Zhang

队列

- 我们曾经介绍过队列这个数据结构
 - 先进先出
 - 利用两个堆栈进行实现
- 我们利用可变数据结构进行实现
 - 基于数组的循环队列
 - 单向链表

队列

- 我们实现以下函数（以整数队列为例）

```
1. struct Queue { .. }  
2.  
3. fn make() -> Queue // 创建空列表  
4. fn push(self: Queue, t: Int) -> Queue // 添加元素  
5. fn pop(self: Queue) -> Queue // 删除元素  
6. fn peek(self: Queue) -> Int // 查看当前头元素  
7. fn length(self: Queue) -> Int // 查看列表长度
```

- 其中 `push` 与 `pop` 均将修改 `self`，为了方便起见，我们将本身作为返回值传回

```
1. make().push(1).push(2).push(3).pop().pop().length() // 1
```

循环队列

- 我们可以利用一个数组来代表队列
 - 数组是一个连续的存储空间，每一个字段均可被修改
 - 数组被分配后长度不变

```
1. let a: Array[Int] = Array::make(5, 0)
2. a[0] = 1
3. a[1] = 2
4. println(a) // [1, 2, 0, 0, 0]
```

- 我们记录当前的开始和结束，每当添加新的元素的时候，结束向后移一位
 - 如果超出数组长度，则绕回开头

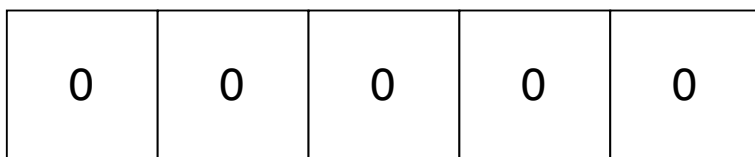
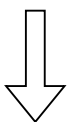
循环队列

make()

0

End

Start

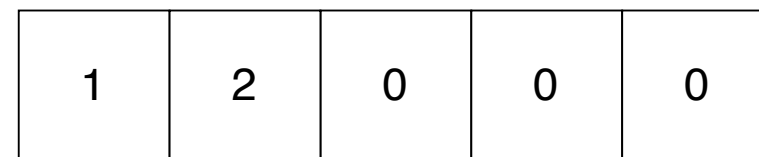
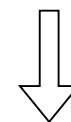


push(2)

2

Start

End

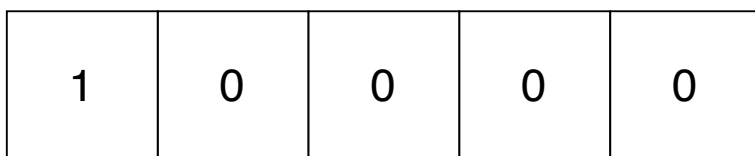
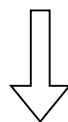
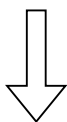


push(1)

1

Start

End

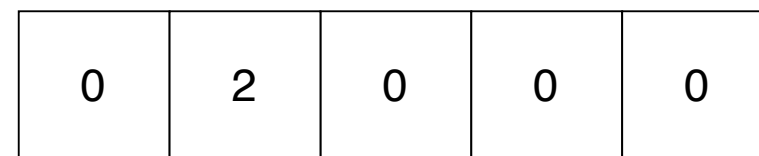
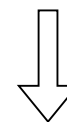


pop()

3

Start

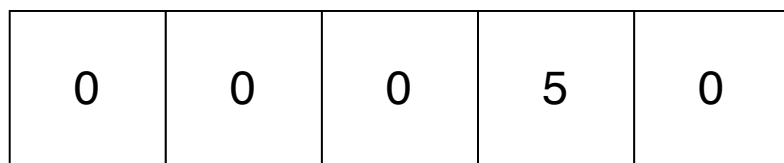
End



循环队列

0

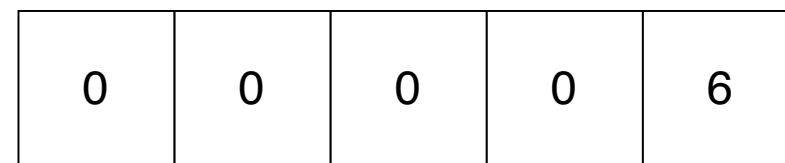
Start End
↓ ↓



pop()

2

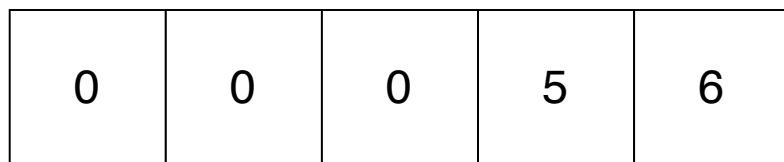
End Start
↓ ↓



push(6)

1

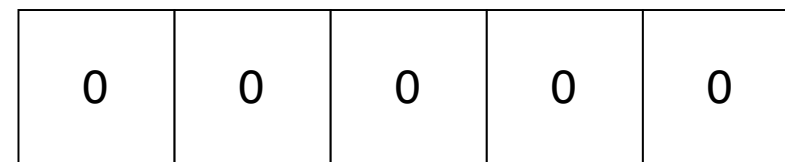
End Start
↓ ↓



pop()

3

Start
End
↓



循环队列

- 一个简易实现

```
1. struct Queue {
2.     mut array: Array[Int]
3.     mut start: Int
4.     mut end: Int // end指向队尾的空格子
5.     mut length: Int
6. }
7.
8. // 向队列中添加元素
9. fn push(self: Queue, t: Int) -> Queue {
10.     self.array[self.end] = t
11.     self.end = (self.end + 1) % self.array.length() // 超出队尾则转回队首
12.     self.length = self.length + 1
13.     self
14. }
```

- 问题：如果元素数量超出了数组长度

循环队列

- 队列的扩容操作
 - 我们首先判断是否需要扩容
 - 我们创建新的更长的数组，并将原有数据进行复制

```
1. fn push(self: Queue, t: Int) -> Queue {
2.     if self.length == self.array.length() {
3.         let new_array: Array[Int] = Array::make(self.array.length() * 2, 0)
4.         let mut i = 0
5.         while i < self.array.length(), i = i + 1 {
6.             new_array[i] = self.array[(self.start + i) % self.array.length()]
7.         }
8.         self.start = 0
9.         self.end = self.array.length()
10.        self.array = new_array
11.        self.push(t)
12.    } else { .. }
13. }
```


循环队列

- 取出元素仅需移除 `start` 所指向的元素，并将 `start` 向后移

```
1. fn pop(self: Queue) -> Queue {
2.     self.array[self.start] = 0
3.     self.start = (self.start + 1) % self.array.length()
4.     self.length = self.length - 1
5.     self
6. }
```

- 列表长度一直被动态维护

```
1. fn length(self: Queue) -> Int {
2.     self.length
3. }
```

循环队列：泛型版本

- 我们希望存储不止整数

```
1. fn make[T]() -> Queue[T] {  
2.   {  
3.     array: Array::make(5, ???),  
4.     start: 0, end: 0, length: 0  
5.   }  
6. }
```

- 默认值应该是什么?
 - `Option::None`
 - `T::default()`

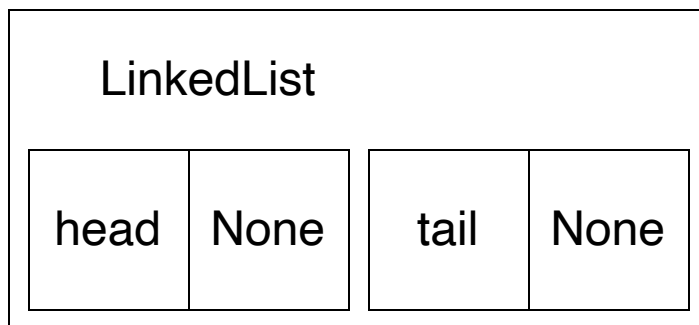
单向链表

- 每个数据结构都指向下一个数据结构
 - 像锁链一样相连

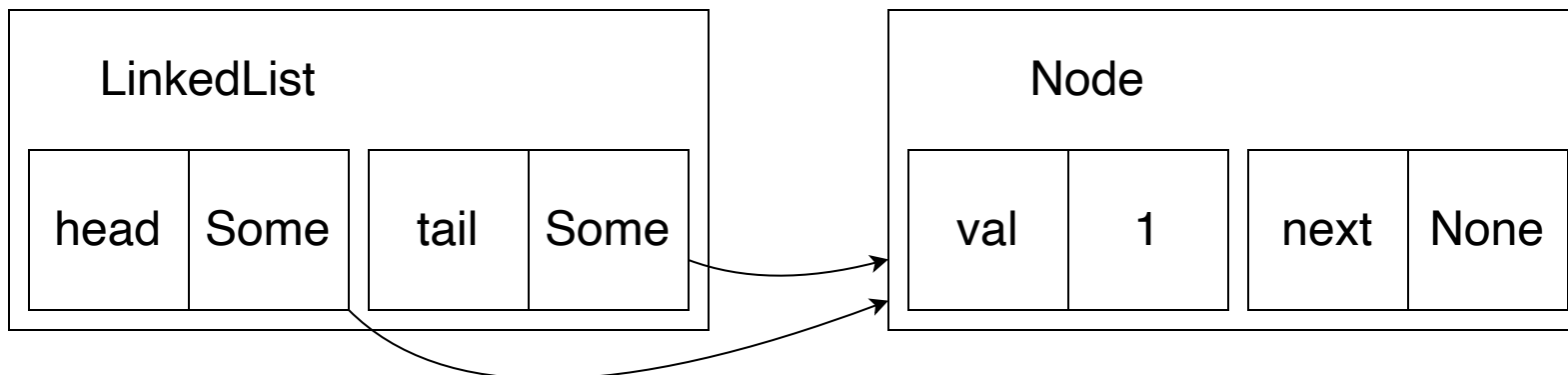
```
1. struct Node[T] {  
2.     val: T  
3.     mut next: Option[Node[T]] // 指向下一个节点  
4. }  
5.  
6. struct LinkedList[T] {  
7.     mut head: Option[Node[T]]  
8.     mut tail: Option[Node[T]]  
9. }
```

单向链表

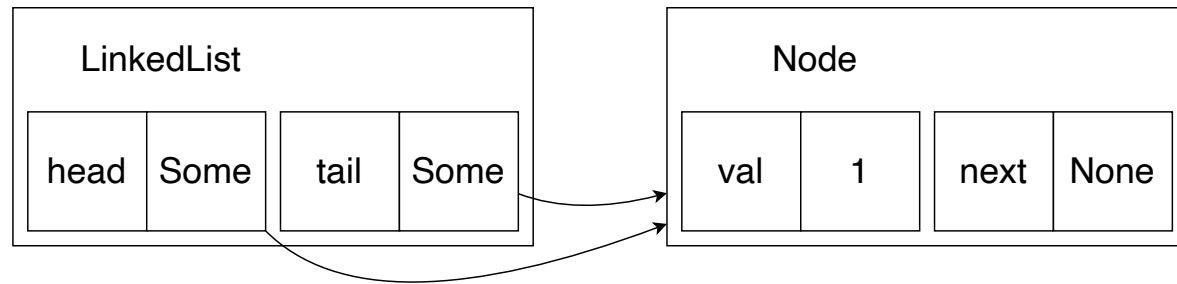
make()



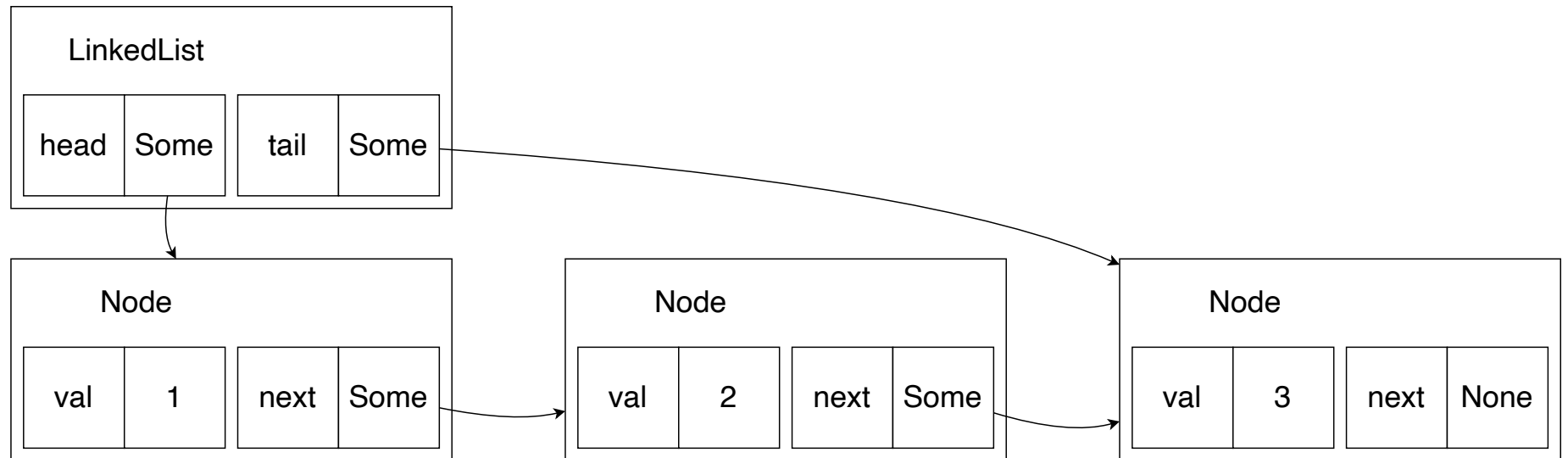
list.push(1)



单向链表



list.push(2).push(3)



单向链表

- 当我们添加时，我们判断链表是否非空
 - 若非空，则向队尾添加，并维护链表关系

```
1. fn push[T](self: LinkedList[T], value: T) -> LinkedList[T] {
2.     let node = { value, next: None }
3.     match self.tail {
4.         None => {
5.             self.head = Some(node)
6.             self.tail = Some(node)
7.         }
8.         Some(n) => {
9.             n.next = Some(node)
10.            self.tail = Some(node)
11.        }
12.    }
13.    self
14. }
```

单向链表长度

- 我们写一个简单的判定长度的递归函数
 - 我们使用递归从头开始沿着引用链访问所有的节点

```
1. fn length[T](self: LinkedList[T]) -> Int {
2.     fn aux(node: Option[Node[T]]) -> Int {
3.         match node {
4.             None => 0
5.             Some(node) => 1 + aux(node.next)
6.         }
7.     }
8.     aux(self.head)
9. }
```

单向链表长度

- 当链表过长时，会观察到“栈溢出”的信息

```
1. fn init {
2.     let list = make()
3.     let mut i = 0
4.     while i < 100000, i = i + 1 {
5.         let _ = list.push(i)
6.     }
7.     println(list.length())
8. }
```

PROBLEMS 2 OUTPUT TERMINAL

[INFO] ===== Compilation Statistics =====

[INFO] Wasm size: 993B

[INFO] Time cost: 46ms

[INFO] ---

[ERROR] Maximum call stack size exceeded

[INFO] program exited in 0.016s

|

函数调用栈

- 当我们调用函数时，我们进入一个新的计算环境
 - 新的环境定义了参数的绑定
 - 旧的环境被保留在堆栈上，在调用函数返回后继续进行运算
- 当我们调用链表长度函数，堆栈将会不断增高，直到超出内存限制
 - 如果我们能够让旧的环境无需被保留，则可以解决问题

尾调用

- 我们确保函数的最后一个运算是函数调用
 - 若为函数本身，则称为尾递归
- 函数调用的结果即最终的运算结果
 - 如此，我们无需保留当前运算环境

```
1. fn length[T](self: LinkedList[T]) -> Int {
2.   fn aux2(node: Option[Node[T]], cumul) -> Int {
3.     match node {
4.       None => cumul
5.       Some(node) => aux2(node.next, 1 + cumul)
6.     }
7.   }
8.   aux2(self.head, 0)
9. }
```

总结

- 本章节我们介绍了使用可变数据结构定义队列
 - 循环队列与单向链表的实现
 - 尾调用与尾递归